# 中性子寿命の謎の解明に向けて

KEK 物質構造科学研究所 三島賢二 kenji.mishima@kek.jp
名古屋大学素粒子宇宙起源研究所

北口雅暁

kitaguchi@phi.phys.nagoya-u.ac.jp

KEK 超伝導低温工学センター 角直幸 nsumi@post.kek.jp
九州大学 先端素粒子物理研究センター

吉岡瑞樹,音野瑛俊 yoshioka@phys.kyushu-u.ac.jp otono@phys.kyushu-u.ac.jp

2021年(令和3年)2月17日

# 1 背景

原子核内部から取り出された自由な中性子はおおよそ 15 分で陽子,電子,反ニュートリノにβ崩壊する。こ の寿命は例えばビッグバン元素合成開始時における中性 子と陽子の比を決定する重要なパラメーターである。ま た CKM 行列の V<sub>ud</sub> 成分やニュートリノ反応断面積の決 定など,多くの物理に関連し,1950 年代から世界中で 精力的に測定が行われている<sup>1</sup>。

さて,現在の"おおよそ"の値とは,どの程度だろう か。実はここ15年ほど,中性子寿命の測定値は大きな 問題を抱えている。2つの測定方法によって値が異なる のである。これは"中性子寿命問題 (Neutron lifetime puzzle)"と呼ばれており,中性子寿命という基礎的なパ ラメーターがきちんと決まっていないという事実は,そ れを利用する関連分野において大きな障害となっている。

中性子寿命の2種類の測定方法について,まず簡単に 説明しておこう。測定方法のひとつはやってくる中性子 の数とそのうちの崩壊数を計数する方法で,歴史的に中 性子ビームを用いてきたところから"ビーム法"と呼ば れる。もうひとつは超冷中性子という非常に速度の遅い 中性子を容器内に閉じ込め,それがある時間経ったのち に崩壊してなくなった数から寿命を導出する方法で,容 器に閉じ込めることから"ボトル法"と呼ばれている。 測定の概念図を図1に示した。測定の平均値はビーム法 が888.0±2.0秒,ボトル法が879.4±0.6秒であり,そ の差は8.6秒 (4σ)と大きく食い違っている。この乖離 の原因はまだ明らかではない。

2種類の実験を比べると、中性子喪失から求めた寿命 が中性子崩壊から求めた寿命がよりも短いことから、そ



図 1: 中性子寿命の測定法の概念図:ビーム法 (左) とボ トル法 (右) の実験

の差を埋めるため中性子のミラー中性子への遷移や暗黒 物質への崩壊などまで議論され始めている。本稿では中 性子寿命に関連する物理の話と2種類の測定方法による 食い違い,そしてこの問題を解決すべく大強度陽子加速 器施設 (J-PARC) で 2009 年から進めている中性子寿命 実験を紹介する<sup>2</sup>。初期結果について先日論文を出版し た [2]。さらに 2016 年に新たに開始した超伝導磁石を用 いた LiNA 実験<sup>3</sup>についても進展を報告する。

#### 1.1 ビッグバン元素合成と中性子寿命

現代物理学では宇宙はビッグバンから始まった,と考 えられているが,宇宙背景放射の発見によりその仮説が 決定的になったのは比較的最近の1964年のことである。 ビッグバンでできた高温の火の玉は,膨張と冷却を経た のち現在の宇宙を形成する。宇宙の温度が核子の質量で ある1 GeV 程度まで冷却されると,宇宙にはまず陽子 と中性子が同じ数作られる。そこからさらに温度が下が ると中性子/陽子の比が1/7 程度となり,核反応で重水

 $<sup>^2</sup>名前をつけるタイミングを逃してしまい実験名は付いていない。<br/> <math display="inline">^3 {\rm Lifetime}$  of Neutron Apparatus の略。

素 (D) 原子核を形成し,そして D 同士が組み合わさっ て He 原子核が作られる。その後質量数 7 までの原子核 が最初の 3 分間で形成される。この過程をビッグバン元 素合成 (Big Bang nucleosynthesis, BBN) と呼ぶ。BBN

で生成される初期宇宙の元素比は宇宙初期のバリオン密 度と原子核反応断面積などから計算が可能である。観測 から得られた初期宇宙の He の量は全体のおよそ 25%で あるが, BBN の計算はこの量を説明できたため, ビッ グバン理論の根拠となっていた。今世紀に入り WMAP や Planck 衛星といった宇宙背景放射観測からバリオン 数密度を精密に導出することが可能になって以来, BBN は軽元素合成の存在比を正確に予言できる精密宇宙論と なっている。ビッグバンの3分後という初期の宇宙で何 が起こっていたかを知る上での貴重な情報であり, 原子 核実験, 理論計算, 天体観測といった複数の分野から精 力的に研究が進められている。

D 形成反応が始まる時点での中性子/陽子比率はその 間の弱い相互作用の強さ,つまり中性子寿命から決定さ れる。中性子寿命が短いと D 形成時に陽子ばかりになっ てしまい He 原子核が形成されなくなる。逆に長ければ 多くの He が形成されることになる。そのため中性子寿 命は BBN 計算を行う上で最も重要なパラメーターの一 つであり,問題の早急な解決が望まれている。

## 1.2 中性子崩壊と CKM ユニタリ性

素粒子標準模型では、弱い相互作用におけるクォーク 間の遷移の強さは Cabibbo-Kobayashi-Maskawa(CKM) 行列で表現され、その CKM 行列のユニタリ性は、標準 模型の強力な検証になりえる。例えば、行列の最初の行は  $|V_{ud}|^2 + |V_{us}|^2 = 0.9994 \pm 0.0005$  (PDG2018) と良い精度でユニタリ性を満たしている。いや、満たし ていた、というのが正しいかもしれない。というのは 崩壊における輻射補正の計算が 2018 年にアップデート され [3]、その値が 5%ほど大きくなったのである。その 結果 PGD2020 では前述のユニタリ性は 0.9985±0.0005 と 3 $\sigma$  程度 1 より小さい値となっており、これ自体、中 性子寿命とは別の異常をはらんでいる。

 $|V_{ud}|$ の最も精度の良い値は、純粋なベクトル遷移で ある原子核の $0^+ \rightarrow 0^+$ 超許容遷移から導出されている。 14 核種の遷移寿命に対し輻射補正および核構造による 補正を加え  $|V_{ud}|$ を導出する。核構造による補正は核種 にもよるが0.5-1%で、誤差は $\pm 0.05\%$ 程度である [4]。 中性子崩壊は純粋なベクトル遷移ではなく、軸性ベクト ル成分も含むが、中性子寿命 $\tau_n$ および軸性ベクトル型 とベクトル型の結合定数の比 $\lambda = g_A/g_V$ の測定値と合 わせることで、核構造の影響を受けずに  $|V_{ud}|$ が導出で きることに注目して欲しい。 $|V_{ud}|$ について、今までの



図 2:  $V_{ud} \geq \lambda$ の関係。図内の値の詳細については [8] を参照のこと。図の横線 "Unitarity" とあるのが CKM ユニタリ性を満たす  $|V_{ud}|$  である。 "Superallowed" が  $0^+ \rightarrow 0^+$  超許容遷移から導出されたもので,その上の 薄い網掛けは以前の輻射補正の値を使ったものである。 斜めに走っている帯が中性子寿命,縦線が $\lambda$ の実験値で ありその交点が中性子崩壊から導出した  $|V_{ud}|$  になる。

議論をまとめたものを図 2 に示す。

中性子崩壊から得られる  $|V_{ud}|$  は  $\tau_n$  と  $\lambda$ の交点であ り、ボトル法による  $\tau_n$  と Perkeo III 実験 [5] による  $\lambda$ の交点が良い一致を示しているように見える。一方で、 精度は悪いがビーム法と aSEPCT 実験 [6] についても 同じことが言え、判断しづらい状況である。なお $\lambda$ の値 は QCD 格子ゲージ理論からも計算することができるが [7]、計算結果はまだ実験の精度に追いついていない<sup>4</sup>。

# 2 2種類の中性子寿命実験

さて,測定手法による中性子寿命の乖離はいったい何 に起因するのだろうか。原因として最もあり得るのは実 験精度を実際よりも小さく見積もっていた,ということ だろう。2種類の実験について詳しく説明していく。

## 2.1 ビーム法

ビーム法はその名の通り中性子ビームを検出器内に 入射し,その入射中性子量と崩壊で生成される荷電粒 子,すなわち陽子あるいは電子を測定する。測定には入 射中性子量,崩壊から生成された粒子数,および検出時

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>計算から求めた  $\lambda = 1.271 \pm 0.013$  と  $|V_{ud}|$  をあわせて  $\tau_n$  を導出した。結果は  $\tau_n = 884 \pm 15$  秒であった。実験を頑張らないと計算に追いつかれてしまうかもしれない。

間の絶対値が必要なところにこの手法の難しさがある。 超冷中性子が登場し、ボトル法の実験が開始されるまで は中性子寿命はビーム法で測定されていた。ビーム法の 最も精度の良い実験は米国立標準技術研究所 (NIST) の 原子炉にて行われた [9]。まず原子炉からの特定の速度 (~1000 m/s)の中性子を単結晶ビスマスのブラッグ散 乱を利用し取り出す。その中性子を磁場 (4.6 T) と電場 (800 V) がかかったペニングトラップに通す。中性子がこ の中でβ崩壊した場合,発生した陽子(最大エネルギー 751 eV) はトラップ中に閉じ込められる。一定時間後 (~10 ms) トラップされた陽子を取り出し、25~35 kV まで加速してシリコン検出器で数を測定する。トラップ を通過した中性子数は精度0.05%という非常によく較正 された中性子ビームモニターで測定される。中性子の寿 命は単位時間当たりの陽子検出数、中性子速度、トラッ プ長さ、中性子ビーム量から導出する。2005年以降に 中性子寿命の乖離が問題になり始めた際、中性子ビー ムモニターに起因する 3.0 秒の系統誤差が最も大きかっ た。そこで再測定が行われたのだが、誤差が小さくなっ た結果, 乖離についてはより顕著になった。2013年の 最新の実験結果は 887.7 ± 1.2(stat.) ± 1.9(sys.) 秒であ り、この頃から"中性子寿命問題"が多方面で議論され はじめた。

論文中では評価されていない系統誤差があるのではな いか,というのは当然考慮すべき話で現在も積極的に議 論されている。最近では,陽子トラップ内で陽子が残留 ガスと荷電交換反応を起こし,検出されなくなったため 寿命が長く見えているのではないか,という指摘である [10]。これについては,残留ガスは水素やヘリウム以外 にありえないが,仮に荷電交換が起こってもイオン化し た水素やヘリウムはシリコン検出器で検出されるはずで 結果には影響しない,と反論されている[11]。

## 2.2 ボトル法

ボトル法は蓄積した超冷中性子 (Ultra-Cold Neutron, UCN) の消失時間から寿命を測定する。UCN とは速度 7 m/s以下の非常に遅い中性子のことで,物質表面で全 反射するという性質を持ち,容器内に閉じ込めることが 可能になる。これはエネルギーにして 250 neV,温度に 換算すれば 3 mK に相当する。これが"超冷"と言われ る所以である。地球上で中性子が受ける重力ポテンシャ ルは 102 neV/m であり,また 1 T の磁場から 60 neV のポテンシャルを受けるため,重力や磁場による閉じ込 めも行われている。

ボトル法の代表的な実験は露ペテルスブルグ核物理研 究所 (PNPI) のグループが仏ラウエ・ランジュヴァン研究 所 (ILL) の原子炉において行ったもので,彼らの最初の実



図 3: 重力トラップ式の中性子寿命測定。(1)から(2)へ と容器を回転するにつれて閉じ込めた UCN が開口部か ら溢れる様子を示す。

験結果は 2005 年に  $\tau_n = 878.5 \pm 0.7 (\text{stat.}) \pm 0.3 (\text{sys.})$  秒 と発表された [12]。それまでの  $885.7 \pm 0.8$  秒 (PDG2004) に比べ 7.2 秒短く, 衝撃を与えた。

この実験は重力トラップ式と呼ばれる方法で,開口部 をもつ回転できる準球形または円筒形の容器を用いる。 UCN を容器に導入する際は容器の開口部を下に向ける。 そして UCN を容器内に取り込んだのち,開口部を上に 向ける。この操作により運動エネルギーが取り出し口ま での重力ポテンシャルを超えない UCN が容器に閉じ込 められる。そして一定時間の経過後に開口部を下向きに 戻すことで図3のように閉じ込められた UCN が容器か ら溢れ、下部に設置した検出器によって計数する。

UCN は壁面で全反射する,と述べたが実際にはわず かな損失がある。その影響を減らすため,蓄積容器の表 面をフォンブリンというフッ素系の油でコーティングし, さらに 110 K まで冷却することで最長 872 秒という蓄積 時間を実現している<sup>5</sup>。ここからフォンブリンとの衝突 の際のわずかな損失 (~2×10<sup>-6</sup>)を補正する。UCN を 取り出す時には回転により開口部を下に向けるのである が,角度を少しずつ変えながら測定を行うことで,異な るエネルギーの UCN の,つまり壁との衝突回数の異な る UCN の蓄積時間を測定することができるのである。

ボトル法の新しい試みとして UCN を数 T の磁場に よって閉じ込める磁気ボトルを用いた実験が米ロスアラ モス国立研究所 (LANL) で行われた。原理はボトル法と 同じく UCN を蓄積してその崩壊時間を測定するという ものであるが,閉じ込めを磁気により行うことで壁との 衝突を完全に無くすことができるため,系統誤差を小さ く抑えることができる。LANL の磁気容器は径の異なる 二つの円環を組み合わせた形状<sup>6</sup>をしており,そこに数 cm 角のネオジム磁石 (表面磁場 ~1.0 T) が敷き詰められ ている。磁石は隣り合う磁石と 90 度回転して設置され, 蓄積に必要な磁場勾配を作り出し,磁場と重力によって

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>なので,さすがに中性子寿命がこれ以上に短くなることはないだろう,多分。

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>なかなか表現が難しいが前後非対称なオムレツといったところだろうか。エネルギーの高い UCN が準安定軌道に入らないよう,わざとへんてこな形状にしている。

50 neV 以下の UCN が蓄積される。UCN を一定時間蓄積 した後,磁気容器の中に中性子用シンチレーション検出 器を挿入して UCN を測定し,その蓄積時間と検出数から  $\tau_n$ を導出する。結果は $\tau_n = 877.7 \pm 0.7 (\text{stat.})^{+0.4}_{-0.2} (\text{sys.})$ 秒であった。実験の系統誤差は非常に良く抑えられてお り,放射性崩壊を表す指数関数でよく計数を説明でき, 補正は残留ガスとの散乱による 0.16 秒のみであった。

2005 年以降に発表されたボトル実験は全て 880 秒付 近の比較的短い値を出しており,ボトル法の値はおおよ そ確定したと見て良さそうである。しかし,ボトル法特 有の未知の系統誤差により,全ての実験が同じように短 く出ている可能性についても議論されなければいけな い。その一つとして地球の自転による影響がある。ボト ル法の場合,壁に当たる際に地球の自転により壁が移動 し,加速や減速効果を受ける<sup>7</sup>。どの実験も北緯 40 度あ たりで実験されており,系統的にずれる可能性があるの である [13]。しかし,自転の影響について物質容器では 1 秒以下かつ表面損失の補正の際にキャンセルするはず であり,さらに磁気容器では壁と連続的に衝突している とみなせるため,その影響は小さいと見積もられている [14]。

#### 2.3 惑星探査衛星による中性子寿命測定

最後に惑星探査衛星による新しいタイプの測定がでて きたので紹介する。宇宙線は惑星の地表や大気と衝突し 中性子を発生する。米航空宇宙局 (NASA)の水星探査 衛星 MESSENGER は水星表面の組成を調べるための中 性子検出器を搭載している。衛星の高度と中性子の強度 は中性子崩壊による減衰の影響を強く受けるため、そこ から  $\tau_n$  がわかる。MESSENGER の観測の場合は、中 性子寿命に特化した観測というわけではないが、金星と 水星でフライバイを行った際に得られたデータの比較か ら  $\tau_n = 780 \pm 60(\text{stat.}) \pm 70(\text{sys.})$  秒を導出した [15]。な お、飛行している熱中性子を測定しているので一見する とビーム法とも思えるが、中性子の損失量を測っている ので測定手法としてはボトル法に分類される。

更にこの手法は月探査衛星 Lunar Prospector の観測 にも適用された。この衛星は 1998 年から 18ヶ月間にか けて月を周回し,主に月面に存在する水の調査を行って いるが,周回軌道投入前の高度楕円軌道における中性子 計数の測定から $\tau_n = 900^{+40}_{-50}(\text{stat.}) \pm 17(\text{sys.})$ 秒を得た, と報告している [16]。月の表面組成は水星に比べてよく 理解されており,系統誤差がぐっと下がっている<sup>8</sup>。統 計精度は検出器の大きさと楕円軌道での測定時間で律速 しており,高統計用の衛星を用いれば地上実験と同程度 の精度が可能とのことである。

### 2.4 "消える"中性子に対する理論的考察

ビーム法とボトル法,それぞれの実験が双方正しい, などということはありうるだろうか。仮に中性子が検出 されずに無くなってしまえば,ボトル法で測定した寿命 がビーム法より短いことに説明がつく。突飛な考え方で はあるが,8.6秒のずれを説明するためには,中性子が 時定数 9.4×10<sup>4</sup> 秒で検出できない何かに変化してしま えばよいのである。実験の検証でも乖離の原因が見つか らない状況が続いており,このような大胆な仮説が提起 され始めている。

仮説の一つは中性子がミラー中性子に変化する,とい うものである[17]。ミラー中性子は鏡像物質の一種であ り,通常の物質とは相互作用しないため暗黒物質の候補 でもある。もし中性子がミラー中性子に変化するならば, UCN は検出にかからなくなるためボトル法での寿命は 短くなる。もしこのような現象が存在するならば,UCN がミラー中性子として壁を通り抜けた後,再度中性子に 戻り検出される現象もまた観測されるはずである。蓄積 された UCN が壁を透過する量の測定からその遷移時間 の下限値は 448 秒であり [18],この仮説はまだ排除しき れていない。

別の仮説は中性子が崩壊する際にその一部あるいは全 部が暗黒物質に変化する,というものである [19]。この 説のうち,γ線や電子を伴うものはすでに一部が排除さ れた<sup>9</sup>。当然全てが暗黒物質に崩壊するプロセスは実験 では排除しにくいのであるが,太陽の2倍以上の質量を 持つ中性子星が存在するという事実はこの仮説に制限を 与えている。

また,量子ゼノン効果の影響によるものではないか, という説もある [20]。量子ゼノン効果とは,観測により 波束の収縮が起こるために,量子状態の遷移時間が延び 縮みするという現象である。使用している中性子のエネ ルギーが異なるため,逆量子ゼノン効果によりボトル法 で蓄積された UCN のみの寿命が短くなりうる,として いる<sup>10</sup>。

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>典型的には 2000 秒程度容器に閉じ込めるわけだが,これは地球 の自転に換算すると 8 度に相当する。UCN 実験を行うときは気をつ ける必要がある。

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>我々の実験より小さい系統誤差を出しているのでうかうかしては いられない。

<sup>9</sup>この論文が arXiv に載った後すぐに LANL にて UCN ボトルの 横に Ge 検出器を置いての検証測定が行われており, $\gamma$ 線モードにつ いては論文掲載前に否定的な結果が arXiv に投稿されていた。この スピード感は見習いたいものである。

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>しかしこの論文では中性子の数密度をかなり過剰に見積もってい ること,また,UCN 数密度依存性があるならば蓄積過程で寿命が変 化するはずであるが,少なくとも LANL の実験では蓄積時間を変化 させても 0.3%以下の精度で指数関数の減衰を示していることから, これで中性子寿命問題を説明するのは難しい気がしている。

# 3 J-PARC における中性子寿命測定

中性子寿命問題の解明に向け,系統誤差の異なる独立 した実験,特にビーム法による実験が強く望まれてい る。我々は,KossakowskiらによってILLの原子炉で原 理検証された電子計数法 [21] を採用して,J-PARCのパ ルス中性子源を使った実験を進めている。Kossakowski らの実験では原子炉由来の中性子を用いたためバンチ 化による統計の損失が大きく,また散乱中性子による 背景事象が大きな不定性の要因となっていた。本実験で は、中性子寿命問題を議論するために十分な精度として, Kossakowskiらの結果  $\tau_n = 878 \pm 27(\text{stat.}) \pm 14(\text{sys.})$ 秒を一桁以上改善し,精度1秒に到達することを目指し ている。

### 3.1 概要

本実験は J-PARC の物質生命科学実験施設 (MLF) に建設した、中性子基礎物理実験専用のビームライン BL05 にて行っている [22]。J-PARC の陽子加速器から の 3 GeV のパルス陽子ビームが MLF 内の水銀標的に照 射されると、核破砕反応により高速中性子が発生する。 高速中性子は中性子源内の液体水素減速材との衝突によ り速度が下がる。BL05 ビームラインは中性子光学の技 術を用い、低いエネルギー (20 meV,飛行速度 2000 m/s 以下)の中性子のみ選択的に実験エリアまで導くよう設 計されている。本ビームラインは 2008 年 12 月に初ビー ムを迎えた。陽子ビーム強度の設計値は 1 MW である が、当初は 20 kW からの開始であった。その後 2010 年 に 100 kW, 2012 年に 200 kW, 2014 年に 300 kW と 徐々に増強されていき、2020 年に 600 kW に到達して いる。

BL05ビームラインは1本の中性子ビームを三分岐する という特徴を持ち、複数の実験を並行して行うことがで きるよう設計されている。中性子寿命実験はそのうちの 一つである偏極中性子ビームを供給するブランチを占有 している。図4はBL05ビームラインの実験エリアに設置 された中性子寿命実験装置の写真である。実験エリアま で導かれたパルス中性子ビームは、中性子光学素子を用 いたビームチョッパー (Spin Flip Chopper, SFC) により 進行方向に 40 cm 程度の短い中性子バンチに整形し、長 さ1mのガス検出器 (Time Projection Chamber, TPC) に導入する。中性子バンチが完全に TPC 内部にある時間 帯のβ崩壊を測定することで、検出効率や背景事象など 様々な不定性を低減することができる。TPC の動作ガス には、中性子に対して散乱・吸収断面積が小さい He ガス (85 kPa) とクエンチャーの CO<sub>2</sub> ガス (15 kPa) の混合 ガスを用いる。ここに中性子吸収断面積が非常に大きい



図 4: BL05 ビームラインの実験エリアに設置された中 性子寿命測定装置。中性子ビームは右から来る。大きな "n"マークの下の鉛の箱の中に SFC があり,その下流, Veto カウンターに囲まれた中に TPC 容器がある。

<sup>3</sup>He ガスを微量 (100 mPa 程度) 封入し, <sup>3</sup>He(n,p)<sup>3</sup>H(以 下 <sup>3</sup>He 反応) 数から入射中性子量を導出する。<sup>3</sup>He 量を 精密に決定する必要があるので動作ガスは封じ切りで運 用されている。 $\beta$  崩壊信号と <sup>3</sup>He 反応事象は, TPC 中 でのエネルギー損失の違いにより弁別が可能である。

中性子寿命は<sup>3</sup>He 反応数 ( $S_{\text{He}}$ ) と  $\beta$  崩壊数 ( $S_{\beta}$ ) の比 を検出効率の補正 ( $\varepsilon_{\text{He}}, \varepsilon_{\beta}$ ) の後にとることにより,以 下の式のように導出できる。

$$\tau_{\rm n} = \frac{1}{\rho \sigma_0 v_0} \left( \frac{S_{\rm He} / \varepsilon_{\rm He}}{S_\beta / \varepsilon_\beta} \right),\tag{1}$$

ここで、 $\rho$ は<sup>3</sup>He 原子の数密度、 $\sigma_0$ は中性子の速度  $v_0 = 2200 \text{ m/s}$ における<sup>3</sup>He 反応断面積である。一般 に、中性子吸収断面積は 1/v 則に従うことが知られて おり、それと中性子速度の積は速度に依らない定数とな る。このため、任意の速度 v に対して、速度  $v_0$  におけ る反応断面積  $\sigma_0 = 5333 \pm 7$  barn を用いることがで きる。

我々の実験では、NIST の実験とは異なり陽子ではな く電子を検出し、また導入した中性子数とβ崩壊数を同 時計測できる点からも、独立した系統誤差でビーム法を 検証することが可能となる。

### 3.2 TPC

Kossakowski らの作成した TPC[23] は検出器に含ま れる放射性物質についての配慮をしていなかった。また 散乱中性子を吸収するための<sup>6</sup>Li を含有するプレキシグ ラスを TPC の外部に置いていたため, TPC 自体はビー ム軸から露出している構造となっていた。我々の開発し た TPC[24] はこれらを改善することで背景事象を一桁 除去することに成功している。

実験に向けた最初のステップとして、<sup>4</sup>Heの光核反応 の測定 [25] のために開発され既に動作する実績を持っ た TPC をお借りし, 2008 年冬に KEK へ移動して先 端測定器開発棟の一室で試験を開始した。有感領域が 6 cm × 6 cm × 25 cm の小型 TPC であったが, 2009 年 6月には BL05 へ設置して最初の測定を行った。<sup>3</sup>He の 中性子吸収反応事象の確認に成功したことは収穫であっ たが、当時まだビーム強度が 20 kW と低かったことも あり、中性子崩壊事象は背景事象に埋もれてしまってい た。そこで TPC の大型化に取り組み, 2010 年春には 20 cm × 20 cm × 80 cm の有感領域を持つ TPC をガ ラスエポキシ (G10) で作製して動作を開始させている。 ただしここで G10 に含まれる放射性物質に起因する背 景事象が問題となり、素材の検討を迫られることになっ た。また G10 は吸湿性が高くアウトガスが多いため、ガ スの封じ切りが必要となる我々の実験には不適切であっ た。そこで様々な高機能プラスチックやアルミナなどを 取り寄せ、KEK の放射線科学センターの協力を得て陽 子棟の Ge 検出器を用いて検討を進めた。TPC を製作 する際の加工性, ワイヤーを張る際の強度とコストを 総合的に考慮してポリエーテルエーテルケトン (PEEK) を選定した。2011 年初頭に 30 cm × 30 cm × 96 cm の PEEK 製 TPC の動作を開始させている。図5は PEEK 製 TPC の模式図である。

背景事象の原因となる  $\gamma$  線を発生させずに散乱中性 子を吸収するための<sup>6</sup>Liを含む部材の作製にも多くの時 間を要した。<sup>6</sup>Liを含む化合物として化学的安定性から <sup>6</sup>LiFを選定した。LiF は粉状のため何らかの物質と混ぜ て固める必要があり、様々な方法を試したが、加工性、 アウトガスなどの観点からテフロンと混ぜて焼結して板 を作る手法を選択した。LiF の含有率を高めると脆くな るため、さらに試作を繰り返し<sup>6</sup>LiF を重量当たり 30% 含ませる設計に至った。この LiF 板を TPC 内部に設置 した場合、<sup>6</sup>Li( $n,\alpha$ )<sup>3</sup>H 反応で生成した荷電粒子が有感 領域に入ることを防ぐため、テフロンの薄膜を張ること で対応した。また LiF 板は不導体であり、底面と上面に ついては電位を定義するためにアルミナイズドマイラー で覆ったが、側面については LiF 板が剥き出しでも安定 に動作したため、LiF 板が露出した構造としている。

また,この LiF 板を TPC に上流に中性子シャッター として配置しビームを遮った状態でのデータを収集を可 能にすることで,中性子ビームに起因しない背景事象を 見積もっている。

### 3.3 <sup>3</sup>He 数密度の導出

この実験では入射中性子量を<sup>3</sup>He 反応の事象数によっ て決定している。ゆえに TPC 中の<sup>3</sup>He 数密度 (式 1 の  $\rho$ )の測定精度はそのまま寿命の精度に直結する。適切 な計数にするために約 100 mPa の <sup>3</sup>He を TPC 容器に 導入するわけであるが,この量を 0.1%以下の精度で知 る必要がある。100 mPa という薄い圧力のガスを精度 良く測定することには困難が伴うが,我々は 2 つの方法 でこの <sup>3</sup>He 数密度を導出している。一つは大小 2 つの 容器の体積を事前に精度良く測定しておき,<sup>3</sup>He ガスを 希釈して TPC に導入する方法で"体積膨張法"と呼ん でいる。もう一つは <sup>3</sup>He と市販のヘリウムガスを混ぜ た TPC 動作ガスを回収,質量分析計で測定し <sup>3</sup>He/<sup>4</sup>He 比と混合ガスの圧力から  $\rho$ を導出する方法で"質量分析 法"としている。この独立な二つの手法により無矛盾な 結果が得られれば,正しく機能しているだろう,という 目論見である。

しかし、ここで問題が生じた。質量分析法で得られた ρが4%ほど小さかったのである。これは寿命にして40 秒に相当するわけで, 致命的な問題である。そこで我々 は体積膨張法,質量分析法の双方について測定器,解析 法,全てをチェックし直した。結果,様々なバグを見つ け出したのであるが、それらを修正しても結局4%の差 は埋まらないままであった。見つけ出されるバグの数も 日に日に減少し、いよいよどちらの測定も正しいので はないか、という境地に行きついた。最後に着目したの は、質量分析法に使われる標準ガス (Helium Standard of Japan, HESJ) である。質量分析法では<sup>3</sup>He/<sup>4</sup>He比 (以下 R)を質量分析計のそれぞれの計数を HESJ の測定 で較正し導出する。HESJ の R 値は大気の R 値 (R<sub>a</sub>) を 基準に校正されている。R<sub>a</sub>は地球上で一様であり、年 代的にも一定であることが知られているため、それを 一次標準とすることは妥当である。しかし、この絶対値 についてはどうだろうか。多くの地球科学の研究がこの *R*<sub>a</sub>を標準として利用しており、それが4%変わる、とい うのは大問題である。しかし、調べていくうちに一般的 な測定はサンプルと R<sub>a</sub> の比を用いているだけで, その 絶対値が変化しても大きな影響がない、ということがわ かってきた。また、R<sub>a</sub>の絶対値測定は1970年代からの いくつかの論文があるだけであり、検証する必要がある と思われた。



図 5: PEEK 製 TPC の模式図

そこで我々は中性子寿命実験用に作製した <sup>3</sup>He ハン ドリングシステムを用い,高精度の <sup>3</sup>He/<sup>4</sup>He 標準ガス (精度 0.4%) を作製し HESJ の較正を行った [26]。HESJ の  $R \ge R_a$  の比は精度よく測定されているため,この 結果から  $R_a$  を導出できる。結果を図 6 に示す。体積膨 張法の結果と一致しないと騒いでいたときに我々が用い ていた Mamyrin らの  $R_a = 1.399 \pm 0.013$  ppm と比べ, 我々が導出した  $R_a = 1.340 \pm 0.006$  ppm は 4.2%小さ いものであった<sup>11</sup>。かくして実験初期からの 4%問題は 解決したわけであるが, $R_a$  を我々が決めてしまった以 上,体積膨張法と質量分析法が独立ではないことにな る。今後独立な測定により  $R_a$  が測定されることを期待 している。

#### 3.4 実験結果

PEEK TPC が実戦投入されたのが 2011 年 2 月であっ たが,翌月に東日本大震災に襲われ実験は中断してしまっ た。2012 年から実験を再開し,コミッショニングを行っ た後,2014 年から物理測定を開始した<sup>12</sup>。J-PARC で は今も継続的にデータを取得し続けているが,今回の論 文 [2] では 2014 年から 2016 年にかけての合計 552 時間 分のデータを解析した<sup>13</sup>。

ガス封じ切りで使用している<sup>3</sup>He を含む TPC ガス は、劣化のため数日おきに交換する必要がある。具体的 には、アウトガスとして発生する水が TPC 内でのドリ フト電子を減衰させてしまうことと、発生する窒素との <sup>14</sup>N(n,p)<sup>14</sup>C 反応が <sup>3</sup>He 反応とちょうど同じ程度の Q



図 6: 大気中 <sup>3</sup>He/<sup>4</sup>He 比 (*R<sub>a</sub>*) の測定値。2018 年のもの が我々が取得したデータである。図内文献の詳細は論文 [26] を参照のこと。

値をもつため<sup>3</sup>He 反応に混入してしまうことである。論 文では計6回分のガス封入のデータを用いた。測定時間 には、中性子を TPC に導入したデータの他に、背景事 象を測定するために TPC 直前でビームを遮蔽したデー タや、TPC の増倍率の時間変動および<sup>3</sup>He 反応に混入 する窒素量<sup>14</sup>の校正用データ取得が一定時間ごとに挟ま れている。

入射中性子が TPC 内で  $\beta$  崩壊する確率は  $10^{-6}$  程度 であり、その計数率は 0.1 cps 程度である。この崩壊数の 絶対値を測定する本実験は、背景事象との戦いである。 TPC の有効検出領域に中性子バンチが完全に収まって いる時間を信号取得時間として定義している。中性子バ ンチ起因の背景事象のない時間は、宇宙線や加速器起因 の定常的な背景事象を見積もるために利用する。この実 験の特徴の一つは、入射中性子量を導出するための<sup>3</sup>He 反応と  $\beta$  崩壊数を導出するための  $\beta$  線信号を、一つの 検出器で同時に検出している点である。つまり、この2 種類の信号を分離しそれぞれ計数しなければならない。

ここでは解析の大きな流れを説明しよう。基本的に は、信号は TPC 内で落とすエネルギー損失の違いで上 記の二種類の信号を区別する。<sup>3</sup>He 反応による陽子・三 重陽子は,764 keV を約5 cm 程度の飛程に落として即 座に停止する。β 崩壊電子のエネルギーは 0 keV から 782 keV まで連続分布をしているが、その多くは検出器 を横切って走り抜け、単位長さあたりのエネルギー損失 は小さい。TPC は電子に対する検出効率を上げるために アノードワイヤーのゲインを高めに設定しており、<sup>3</sup>He 反応に対しては信号が飽和してしまう。そこでフィール ドワイヤーからの信号に対してはアンプゲインを低く設 定し、その信号から<sup>3</sup>He 反応を取り出す<sup>15</sup>。β崩壊電子 は中性子ビームが通過する有効検出領域の中央部から外 側に向かって飛び出すはずである。しかし中性子がいつ どこで崩壊するか予測できないのでスタート信号が作れ ず、電子のドリフト方向の座標については感度がない。 そこで、着目する信号の飛跡"形状"が、β崩壊電子と 矛盾がないか、例えばその端点が少なくとも TPC 中心 付近であることや、その縦方向の長さが TPC の縦幅の 半分以下であること、などで信号識別する。

最後に残る敵が中性子バンチ起因の背景事象である。 図 7 に示すように有効検出領域に導入された中性子の約 1%程度が TPC ガスによって散乱され,TPC 内壁に衝 突する。内壁を覆っている LiF 板は中性子を吸収しても  $\gamma$ 線を発生させにくいが,それでも  $2 \times 10^{-4}$  の確率で

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>この値が R<sub>a</sub> の最も精度の良い測定となっている。

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup>J-PARC ハドロン事故の影響で MLF は 2013 年 5 月から 2014 年 2 月まで停止していた。

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup>この期間は J-PARC のビームパワーが 200 kW と,現在の 1/3 であったことに注意されたい。水銀ターゲットトラブルでビームパ ワーを下げざるを得なかったことによる。

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup>余談であるが,窒素量補正用の測定の精度がとても良いことに気 づいた我々は,専用の測定を行うことで<sup>14</sup>N(n,p)<sup>14</sup>C反応断面積を いままでの5倍以上良い精度で測定することに成功した [28]。

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>同じ検出器で同時に検出するところにこの実験のミソがあるわけ だが,本来単色エネルギーの<sup>3</sup>He 反応が空間電荷により潰れてしま い意外と切り分けが難しい。そこで筑波大学のバンデグラフ加速器に より空間電荷効果モデルを検証を行い,シミュレーションに実装して いる [29]。

誤差要因 誤差量(秒)
 中性子バンチ起因の背景事象 +2/-14
 β線検出効率(ε<sub>β</sub>) +6/-7
 信号のパイルアップ +11/-4
 <sup>3</sup>He ガス数密度(ρ) ±4
 <sup>3</sup>He(n,p)<sup>3</sup>H 反応断面積(σ<sub>0</sub>) ±1.2

表 1: 主な系統誤差

γ線が発生してしまう [27]。そのγ線は TPC 内壁でコ ンプトン散乱を起こし,背景事象がβ崩壊と同じ幾何 学的形状を持つ割合が約1%程度となり,以上の確率を 積算すると 10<sup>-8</sup> 程度となる。これはβ崩壊の確率に対 して約1%程度の寄与となる。中性子入射に完全に同期 しており,その量も中性子数に依存してしまうため,シ ミュレーションを用いて評価している。しかしそもそも が稀な事象なのでその妥当性をデータから検証するのが 難しく,現在の解析の最も大きな系統誤差の要因になっ ている。今後の入射ビームの大強度化によってこの背景 事象のより詳細な理解が進むだろう。後述する LiNA 実 験はこのコンプトン散乱による電子を磁場を用いて直接 排除することを目指している。

この実験の結果として最終的に中性子寿命の値  $\tau_n = 898 \pm 10 (\text{stat.})^{+15}_{-18} (\text{sys.}) 秒を得た。図 8 に先行実験の結果と合わせて示した。また主な系統誤差の一覧を表 1 にまとめている。$ 

#### 3.5 今後の予定

今回まとめた論文 [2] のデータは 2016 年までのもの であったが,2017 年以降の測定により統計誤差 4 秒程 度のデータは既に取得済みである。さらにハードウェア, ソフトウェア両面からのアップグレードを進めている。 論文の統計精度は 10 秒であったが,背景事象の同定の ためにもより多くの統計が必要である。TPC への入射



図 7: 中性子バンチ起因の背景事象。図は TPC をビー ム進行方向から見た断面。



図 8: 中性子寿命の測定値。ボトル法とビーム法をそれ ぞれ丸と四角で,また,それぞれの方法の平均を帯で示 している。白抜きの丸で示したのが J-PARC での結果 である。



図 9: ビームラインに新たに設置された大型 SFC。磁気 スーパーミラー (手前) とスピン反転用のコイル (中央) がスピン保持用のガイドコイル中に設置されている。

中性子量が SFC が受け入れるビームの断面積で律速し ており<sup>16</sup>,その大型化が今まさに進められているところ である<sup>17</sup>。図 9 がインストールされた SFC であり,計 算では約 4 倍の中性子数の増加により測定時間 60 日で 目標である 1 秒の精度に到達する見込みである。

中性子バンチ起因の背景事象の見積もりはシミュレー ション計算に頼っているが,計算の3倍程度を観測して おり,大きな系統誤差はその起源を特定できていないこ とによる。現在その特定に尽力しているところである。 中性子のガス散乱は動作ガス圧力を下げる事により比例 して減少するはずであり,低圧力 (100 kPa → 50 kPa) での測定も並行して進めている。

検出効率 (ε<sub>β</sub>)の誤差 (+6/-7 秒) はシミュレーショ ンの実験結果の再現度によっているため,その高度化を 進めているところである。また,シミュレーションの再 現性に依存しにくいカット条件も模索している。信号の パイルアップは本来 veto されるはずの宇宙線と β 崩壊 信号が当時の DAQ システム上区別できなくなっていた

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup>偏極中性子ミラーを用いるのであるが,当時は手作りしていたの であまり大きなものが作れなかった。

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>というか実験しながらこの原稿を書いている...。

ために生じたもので,回路のアップデートにより現在で は+4/-0.5 秒まで低減できている。<sup>3</sup>He 数密度 (ρ) に ついては,論文 [2] では精度 0.4%であったが,2018 年 にダイナミックレンジの大きな圧力計を導入したことで 0.15%が達成されている。

最終的には <sup>3</sup>He 反応の断面積 ( $\sigma_0$ ) が問題になる。こ の反応断面積  $\sigma_0$  は 0.13%で決まっており、原子核反応 の中では最も良い測定精度ではあるのだが、この実験の 目標精度としては不十分である。最終的には我々自身で これをもっと良い精度で決定する計画である<sup>18</sup>。

## 4 LiNA 実験

PEEK 材で作製し,内側を LiF 板で覆った TPC は低 背景事象な実験を実現するに至ったが,それでもなお中 性子ビームに起因する背景事象が気になり始めた。そこ で,壁面で叩き出される電子が β 崩壊の発生するビー ム軸に戻ってこないようにするために,ビーム軸に沿っ た向きに磁場を加えることを提案して新たに準備を進め ているのが LiNA 実験である [30]。

断面が 30 cm 四方の TPC に磁場を加えて背景事象を 排除するためには 0.6 T 程度の磁場が必要であり、測定 を行う長期間安定して印加し続けるためには超伝導磁石 が不可欠であるが、検出器が収まるほど大きな超伝導磁 石を新規に開発するのは技術、費用、時間の観点から不 可能であった。そこで役目を終えて使われていない磁石 を探し回った結果、超伝導スペクトロメータを用いた宇 宙粒子線観測気球実験 (BESS) のために開発された磁石 [31] が我々の要求にフィットすることがわかり、こちら の磁石をお借りして実験を進めている。この磁石は直径 1m,長さ1.3mのソレノイドコイルで,液体ヘリウム を溜めるタンクを有しており NbTi 線を4K まで冷やし て使用する。2016年10月には長年使用されていなかっ た同コイルの冷却・励磁試験を実施して正常に使用でき ることを確認し、2018年3月には磁石内部の磁場分布 を測定して理想的なソレノイドコイルの磁場分布を保つ ことを確認した。

一方,磁場を加えたことで分離したビーム軸周辺の信 号事象と壁面付近の背景事象を区別する必要があるた め,図10のように信号領域を3×3の9つに分割した TPCを新たに開発した。検出領域を分割するためにド リフト領域を1層目は下向き,2層目,3層目は上向き に取るという構造になっている。磁場を加えたことで検 出器部材から放出される放射線も排除することが可能と なったので,入手や加工がしやすく非磁性のアルミニウ ムでフレームを作製した。 開発した検出器を超伝導磁石内に設置し,2019年9 月にそれらの統合試験を実施した (図 11)。 $\beta$ 線源とし て塩化カリウムの粉末中に天然で含まれる<sup>40</sup>K を用い ることにして検出器中央に設置した<sup>19</sup>。磁場によって $\beta$ 線を検出器中央のビーム軸周辺領域に閉じ込める事がで きるているのを確認した。また,背景事象に見立てた $\gamma$ 線源として <sup>60</sup>Co,<sup>137</sup>Cs,<sup>152</sup>Eu を用意して検出器へ照射 したところ,磁場がない場合に比べて $\gamma$ 線起因の電子背 景事象の侵入は図 12 のように 3%程度に抑えられるこ とを確認した。

2020年2月には電磁石をBL05に設置して、現地での 磁石の励磁や中性子ビームを使った最初の試験を実施し た。中性子のβ崩壊信号を同定するには至っていないが, <sup>3</sup>He 反応のピークを確認することができた。BL05 には もともと近傍のビームラインからの γ 線を遮蔽するた めに鉄製のコの字型の遮蔽体が設置されており、LiNA 実験ではこの遮蔽体の下流に扉付きの鉄遮蔽体を追加 してロの字型とし、磁場の漏れ出しを防ぐヨークとして 利用している。その結果漏れ磁場はビームライン境界で 500 µT 未満と十分安全基準をクリアする程度に抑えら れたものの, ビームライン上流側に漏れ出した磁場は中 性子をバンチ化する SFC 装置に漏れ出してしまい,バ ンチ化の効率を低下させてしまっていることが判明し た。今後は SFC の周囲に鉄遮蔽体を準備して磁場の漏 れ込みを抑える予定である。最初のビーム試験を経てシ ステムの改善点が明らかになり、長期的なビームタイム に向けて準備が進められている。例えば、現在は液体へ リウムを用いて磁石を冷却しているが,1週間に1度消 磁して液体ヘリウムを補充し直す必要がある。これを小 型冷凍機による冷却に改造することができれば、測定が 効率化できると見込んでいる。



図 10: LiNA 実験の概要。検出領域は 3 × 3 に分割して いる。中央の領域が信号領域であり,ここに中性子ビー ムを入射する。

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup>断面積が 1/v に従い変わるため、中性子の正確な速度が必要な ところに難しさがある。

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup>チェッキングソースでは線量が高すぎることと設置場所が高磁場 かつ高電場のかかった空中であり,利用申請をクリアするのが困難と 思われたため。6.2 g で 100 Bq になる。



図 11: 磁石・検出器統合試験の様子。超伝導ソレノイ ド磁石の中に真空容器を配置,検出器はガイドレールに 沿って出し入れできる。



図 12: <sup>60</sup>Co 線源を用いた γ 線起因の背景事象のエネル ギー分布。濃い色のヒストグラムは磁場を印加しなかっ た場合,淡い色のヒストグラムは磁場を 0.6 T 印加した 場合で 3%程度まで低減されている。

# 5 まとめと今後の展望

2008年, J-PARC/MLF/BL05に低エネルギー中性子 を用いた基礎物理実験を行うビームラインを建設した。 以来,中性子寿命精密測定実験を本ビームラインの旗艦 実験として推進してきた。複数回の年単位に渡るビーム 停止を余儀なくされたが,それを乗り越えて 2016 年よ り安定的にデータ収集を行い,2020年12月ついにその 初期結果を出版した。今後は,まさに本稿執筆中に行っ ているビームラインの増強ののち,来年度中には本実験 の目標である精度1秒に向けてのデータ収集を開始する 予定である。さらにその後,同ビームラインにてLiNA 実験を実施し,同程度のデータ収集を行う計画である。 系統誤差の異なる2つの電子計数法による実験により, 高い信頼性を持って中性子寿命を決定することができ る。今後数年のうちに中性子寿命問題解決の糸口を掴む 結果が出ることをご期待いただきたい。

# 参考文献

- [1] J. M. Robson, Phys. Rev., 78, 311 (1950).
- [2] K. Hirota *et al.*, Prog. Theor. Exp. Phys. **2020** 123C02 (2020).
- [3] C.-Y. Seng *et al.*, Phys. Rev. Lett., **121**, 241804 (2018).
- [4] J. C. Hardy and I. S. Towner, Phys. Rev. C 91, 025501 (2015).
- [5] B. Markisch *et al.*, Phys. Rev. Lett., **122**, 242501 (2019).
- [6] M. Beck et al., Phys. Rev. C 101, 055506 (2020).
- [7] C. C. Chang *et al.*, Nature **558**, 91–94 (2018).
- [8] N. Sumi *et al.*, Proceedings of J-PARC2019, doi:10.7566/JPSCP.33.011056.
- [9] A. T. Yue *et al.*, Phys. Rev. Lett., **111**, 222501 (2013).
- [10] A. P. Serebrov *et al.*, arXiv:2003.02092 (2020).
- [11] F. E. Wietfeldt et al., arXiv:2004.01165 (2020).
- [12] A. P. Serebrov *et al.*, Phys. Lett. B **605**, 72 (2005).
- [13] S. K. Lamoreaux, arXiv:1804.01087 (2018)
- [14] A. P. Serebrov, arXiv:1912.10006 (2019).
- [15] J. T. Wilson *et al.*, Phys. Rev. Res., **2**, 023316 (2020).
- [16] J. T. Wilson et al., arXiv:2011.07061 (2020).
- [17] Z. Berezhian, L. Bent, Phys. Rev. Lett. 96 081801 (2006).
- [18] A. P. Serebrov *et al.*, Nucl. Instrum. Methods Phys. Res. A **611** (2008) 137–140.
- [19] B. Fornal and B. Grinstein, Phys. Rev. Lett. 120, 191801 (2018).
- [20] F. Giacosa and G. Pagliara, Phys. Rev. D 101, 056003 (2020).
- [21] R. Kossakowski *et al.*, Nucl. Phys. A **503**, 473 (1989).
- [22] Y. Arimoto *et al.*, Prog. Theor. Exp. Phys. **2012** 02B007 (2012).

- [23] P. Grivot *et al.*, Nucl. Instr. and Meth. A, **34**, 127-134 (1988).
- [24] Y. Arimoto *et al.*, Nucl. Inst. and Meth. A, **799**, 187-196 (2015); H. Otono, PhD thesis, University of Tokyo (2012).
- [25] T. Shima et al., Phys. Rev. C 72, 044004 (2005).
- [26] K. Mishima *et al.*, Geochemistry, Geophysics, Geosystems, **19**, 3995 (2018).
- [27] J. Koga et al., J. Instrum. 16 P02001 (2021).
- [28] R. Kitahara *et al.*, Prog. Theor. Exp. Phys. **2019** 093C01 (2019).
- [29] N. Nagakura *et al.*, Prog. Theor. Exp. Phys. 2018, 013C01 (2018).
- [30] H. Otono, Nucl. Inst. and Meth. A, 845, 278 (2017); N. Sumi, PhD thesis, Kyushu University (2020).
- [31] Y. Makida *et al.*, IEEE Trans. Appl. Supercond.,
   5, 2, 658-661 (1995).